Свернуть

Титульный лист

Пояснительная
записка

Содержание

Планируемые
результаты

Тематическое
планирование

Поурочное
планирование

Проверяемые
требования

Проверяемые
элементы

содержания

Проверяемые на
ЕГЭ требования

Система управления сервисом Приложение� edsoo�ru

ФГБНУ «Институт содержания и методов обучения имени В�С� Леднева»

Титульныйлист(ID� ��������)

Главная Рабочие программы Вероятность и статистика� Базовый уровень (для ����� классов образовательных организаций)

Выйти из режима предпросмотра

10 КЛАСС

11 КЛАСС

10 КЛАСС

11 КЛАСС

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№ п/п Наименование разделов и тем программы Количество часов Электронные (цифровые)
образовательные ресурсы
Всего Контрольные
работы

Практические
работы

1 Представление данных и описательная статистика 4 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

2 Случайные опыты и случайные события, опыты с
равновозможными элементарными исходами

3 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

3 Операции над событиями, сложение вероятностей 3 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

4 Условная вероятность, дерево случайного опыта,
формула полной вероятности и независимость
событий

6 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

5 Элементы комбинаторики 4 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

6 Серии последовательных испытаний 3 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

7 Случайные величины и распределения 6 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

8 Обобщение и систематизация знаний 5 2 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0b7b0f1

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ 34 2 2

№ п/п Наименование разделов и тем программы Количество часов Электронные (цифровые)
образовательные ресурсы
Всего Контрольные
работы

Практические
работы

1 Математическое ожидание случайной величины 4 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1

2 Дисперсия и стандартное отклонение случайной
величины

4 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1

3 Закон больших чисел 3 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1

4 Непрерывные случайные величины
(распределения)

2 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1

5 Нормальное распределения 2 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1

6 Повторение, обобщение и систематизация знаний 19 2 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5fbc5dc1

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ 34 2 3

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

№ п/п Тема урока Количество часов Дата изучения Электронные
цифровые
образовательные
ресурсы

Всего Контрольные
работы

Практические
работы

1 Представление данных с помощью таблиц и
диаграмм

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/25
c6d12b

2 Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и
наименьшее значения, размах, дисперсия,

стандартное отклонение числовых наборов

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/dd
00738d

3 Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и
наименьшее значения, размах, дисперсия,

стандартное отклонение числовых наборов

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/98
645f6c

4 Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и
наименьшее значения, размах, дисперсия,

стандартное отклонение числовых наборов

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/7c
9033a8

5 Случайные эксперименты (опыты) и случайные
события. Элементарные события (исходы)

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/34
7c1b78

6 Вероятность случайного события. Вероятности
событий в опытах с равновозможными
элементарными событиями

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/64
d75244

7 Вероятность случайного события. Практическая
работа

1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5e
8fa94a

8 Операции над событиями: пересечение,
объединение событий, противоположные
события. Диаграммы Эйлера

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/22
1c622b

9 Операции над событиями: пересечение,
объединение событий, противоположные
события. Диаграммы Эйлера

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/cc
10c1e2

10 Формула сложения вероятностей 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/30
57365d

11 Условная вероятность. Умножение вероятностей.
Дерево случайного эксперимента

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/9a
408d25

12 Условная вероятность. Умножение вероятностей.
Дерево случайного эксперимента

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/b1
e76d3a

13 Условная вероятность. Умножение вероятностей.
Дерево случайного эксперимента

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/47
fb6b11

14 Формула полной вероятности 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/15
941bec

15 Формула полной вероятности 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/a9
ec13c8

16 Формула полной вероятности. Независимые
события

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e3
dd5ac9

17 Контрольная работа 1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/29
dc6cb9

18 Комбинаторное правило умножения 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/22
70cf70

19 Перестановки и факториал 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/d5
8ce6d1

20 Число сочетаний 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/79
04dfb0

21 Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/fa
47998f

22 Бинарный случайный опыт (испытание), успех и
неудача. Независимые испытания. Серия
независимых испытаний до первого успеха

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/2e
1f2368

23 Серия независимых испытаний Бернулли 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e9
572a68

24 Серия независимых испытаний. Практическая
работа с использованием электронных таблиц

1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/f4
a15a14

25 Случайная величина 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/63
9be9aa

26 Распределение вероятностей. Диаграмма
распределения

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/6d
c7ff39

27 Сумма и произведение случайных величин 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/51
b7ed5f

28 Сумма и произведение случайных величин 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/c2
757cc3

29 Примеры распределений, в том числе
геометрическое и биномиальное

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/91
e08061

30 Примеры распределений, в том числе
геометрическое и биномиальное

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/5a
fff05f

31 Повторение, обобщение и систематизация знаний 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/0f
4d3cd7

32 Повторение, обобщение и систематизация знаний 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e0
1a3dc4

33 Итоговая контрольная работа 1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/a9
85ae79

34 Повторение, обобщение и систематизация знаний 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/1d
dca5e0

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ 34 2 2

№ п/п Тема урока Количество часов Дата изучения Электронные
цифровые
образовательные
ресурсы

Всего Контрольные
работы

Практические
работы

1 Повторение, обобщение, систематизация знаний.
Случайные опыты и вероятности случайных
событий. Серии независимых испытаний

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/43
0d330a

2 Повторение, обобщение, систематизация знаний.
Случайные опыты и вероятности случайных
событий. Серии независимых испытаний

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/a5
73a292

3 Повторение, обобщение, систематизация знаний.
Случайные опыты и вероятности случайных
событий. Серии независимых испытаний

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/07
a5e861

4 Повторение, обобщение, систематизация знаний.
Случайные опыты и вероятности случайных
событий. Серии независимых испытаний

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/32
bc29bf

5 Примеры применения математического ожидания
(страхование, лотерея)

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/ea
27084d

6 Математическое ожидание суммы случайных
величин

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/0a
defe9e

7 Математическое ожидание геометрического и
биномиального распределений

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/20
de2fc2

8 Математическое ожидание геометрического и
биномиального распределений

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/17
b0e769

9 Дисперсия и стандартное отклонение 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/bc
c67f76

10 Дисперсия и стандартное отклонение 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/bf
78aad6

11 Дисперсии геометрического и биномиального
распределения

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/4b
5a495e

12 Практическая работа с использованием
электронных таблиц

1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/a5
3cd884

13 Закон больших чисел. Выборочный метод
исследований

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/94
ddc34a

14 Закон больших чисел. Выборочный метод
исследований

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/cf
23b369

15 Практическая работа с использованием
электронных таблиц

1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/6c
1d11a6

16 Итоговая контрольная работа 1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/7e
379f8f

17 Примеры непрерывных случайных величин.
Функция плотности распределения. Равномерное
распределение и его свойства

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/9f
5b423d

18 Примеры непрерывных случайных величин.
Функция плотности распределения. Равномерное
распределение и его свойства

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/b1
c2712e

19 Задачи, приводящие к нормальному
распределению. Функция плотности и свойства
нормального распределения

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/97
c19f59

20 Практическая работа с использованием
электронных таблиц

1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/1f
1f9ad9

21 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Описательная статистика

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/72
953f4c

22 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Описательная статистика

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/b6
99ad0c

23 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Опыты с равновозможными элементарными
событиями

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/3f
cbacf9

24 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Опыты с равновозможными элементарными
событиями

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/53
8fd7cf

25 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Вычисление вероятностей событий с
применением формул и графических методов
(координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/27
2910f5

26 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Вычисление вероятностей событий с
применением формул и графических методов
(координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/dc
9ad6ca

27 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Вычисление вероятностей событий с
применением формул и графических методов
(координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/59
64f277

28 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Вычисление вероятностей событий с
применением формул и графических методов
(координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера)

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/e7
1debe4

29 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Случайные величины и распределения

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/00
b2efb3

30 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Случайные величины и распределения

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/1c
c2df8f

31 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Математическое ожидание случайной величины

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/ae
a1298c

32 Повторение, обобщение и систематизация знаний.
Математическое ожидание случайной величины

1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/64
0a8ebf

33 Итоговая контрольная работа 1 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/0f
d6d597

34 Повторение, обобщение и систематизация знаний 1 Библиотека ЦОК
https://m.edsoo.ru/50
06273e

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ 34 2 3

МИНИСТЕРСТВОПРОСВЕЩЕНИЯРОССИЙСКОЙФЕДЕРАЦИИ

МБОУКомсомольская СОШ

РАБОЧАЯПРОГРАММА

(ID 8216035)

учебного предмета «Вероятность и статистика.

Базовый уровень»
для обучающихся 10-11 классов

РАССМОТРЕНО

от « » г.

СОГЛАСОВАНО

от « » г.

УТВЕРЖДЕНО

от « » г.

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа учебного курса «Вероятность и статистика» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Учебный курс «Вероятность и статистика» базового уровня является продолжением и развитием одноимённого учебного курса базового уровня основной школы. Курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления учащихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения. Содержание курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса основной школы и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» средней школы на базовом уровне выделены следующие основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности», «Случайные величины и закон больших чисел». Важную часть курса занимает изучение геометрического и биномиального распределений
и знакомство с их непрерывными аналогами ― показательным и нормальным распределениями.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин, а также эта линия необходима как база для изучения закона больших чисел – фундаментального закона, действующего в природе и обществе и имеющего математическую формализацию. Сам закон больших чисел предлагается в ознакомительной форме с минимальным использованием математического формализма.
Темы, связанные с непрерывными случайными величинами, акцентируют внимание школьников на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям, при этом предполагается ознакомительное изучение материала без доказательств применяемых фактов.

МЕСТО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

На изучение курса «Вероятность и статистика» на базовом уровне отводится 1 час в неделю
в течение каждого года обучения, всего 68 учебных часов.

СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 КЛАСС

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов.
Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.
Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.
Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события.
Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.
Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли. Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе, геометрическое и биномиальное.

11 КЛАСС

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений.
Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований.
Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:
сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и
назначением.

Патриотическое воспитание:
сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.
Духовно-нравственного воспитания:
осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего. Эстетическое воспитание:
эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.
Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.
Трудовое воспитание:
готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.
Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.
Ценности научного познания:
сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.
1) Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией). Базовые логические действия:
выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных

умозаключений, умозаключений по аналогии;
проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев). Базовые исследовательские действия:
использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:
выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источниковразличных типов, анализировать, систематизировать
и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.
2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.
Общение:
воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать

пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения; представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта;

самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.
Сотрудничество:
понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы»
и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.
3) Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

Самоорганизация:
составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.
Самоконтроль:
владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить

коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

10 КЛАСС

Читать и строить таблицы и диаграммы.
Оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных.

Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равновозможными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах.
Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, противоположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач.
Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта.
Применять комбинаторное правило умножения при решении задач.
Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии независимых испытаний до первого успеха; находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли.
Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения.

11 КЛАСС

Сравнивать вероятности значений случайной величины по распределению или с помощью диаграмм.

Оперировать понятием математического ожидания; приводить примеры, как применяется математическое ожидание случайной величины находить математическое ожидание по данному распределению.

Иметь представление о законе больших чисел.
Иметь представление о нормальном распределении.

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ

ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

11 КЛАСС

Код
проверяемого
результата

Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования

6 Теория вероятностей и статистика
6.1 Читать и строить таблицы и диаграммы

6.2

Оперировать понятиями: среднее арифмети ческое, медиана, наибольшее, наименьшее значение, размах массива числовых данных

6.3

Оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт) и случайное событие, элементарное собы тие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности в опытах с равно возможными случайными событиями, находить и сравнивать вероятности событий в изученных случайных экспериментах

6.4

Находить и формулировать события: пересечение и объединение данных событий, событие, проти воположное данному событию; пользоваться диаграммами Эйлера и формулой сложения вероятностей при решении задач

6.5

Оперировать понятиями: условная вероятность, независимые события; находить вероятности с помощью правила умножения, с помощью дерева случайного опыта
6.6 Применять комбинаторное правило умножения при решении задач

6.7

Оперировать понятиями: испытание, независимые испытания, серия испытаний, успех и неудача; находить вероятности событий в серии незави симых испытаний до первого успеха, находить вероятности событий в серии испытаний Бернулли

6.8

Оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма рас пределения

Код
проверяемого
результата

Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования

5 Теория вероятностей и статистика

5.1

Сравнивать вероятности значений случайной величины
по распределению или с помощью диаграмм

5.2

Оперировать понятием математического ожида ния, приводить примеры того, как применяется математическое ожидание случайной величины, находить математическое ожидание по данному распределению

5.3 Иметь представление о законе больших чисел
5.4 Иметь представление о нормальном распределении

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

11 КЛАСС

Код Проверяемый элемент содержания

6 Теория вероятностей и статистика

6.1

Представление данных с помощью таблиц и диаграмм. Среднее арифметическое, меди ана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов

6.2

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты
и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Вероятности событий в опытах
с равновозможными элементарными событиями

6.3

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диа граммы Эйлера. Формула сложения вероятностей

6.4

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Независимые события

6.5 Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник
Паскаля. Формула бинома Ньютона

6.6

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Серия независимых испытаний Бернулли

6.7

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Примеры распределений, в том числе геометрическое
и биномиальное

Код Проверяемый элемент содержания

5 Теория вероятностей и статистика

5.1

Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия
и стандартное отклонение. Примеры применения математического ожидания, в том числе в задачах из повседневной жизни. Математическое ожидание бинарной случайной вели чины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия геометрического и биномиального распределений
5.2 Закон больших чисел и его роль в науке, природе и обществе. Выборочный метод исследований

5.3

Примеры непрерывных случайных величин. Понятие о плотности распределения. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Понятие о нормальном распределении

ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ

ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код
проверяемого
требования

Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной
образовательной программы среднего общего образования

1

Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формули ровать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность

рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач

2

Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое чис ло, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действитель ным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число,

множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наи меньшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометри ческая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с

помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические дей ствия с комплексными числами; приводить примеры исполь зования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя

3

Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональ ные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение опери ровать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение ре шать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и

задач из различных областей науки и реальной жизни

4

Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотон ность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, на ходить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение исполь зовать производную для исследования функций, находить наи большие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и

физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений

5

Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратич наяфункция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразо вания графиков функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем

6

Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость това ров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать

правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке ма ‐ тематики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию

задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полу ченный результат

7

Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных про цессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии

8

Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу пол ной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стан дартное отклонение случайной величины, функции распреде ления и плотности равномерного, показательного и нормаль ного распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комби наторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат

9

Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, парал лельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями;

умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи

10

Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигу ры, многогранник, правильный многогранник, сечение много гранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и по верхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, ци линдра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пира миды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать много гранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулиро вать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свой ствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнитель ные построения

11

Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометричес кие отношения при решении задач;

находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур

12

Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число,

разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и ко ординатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов

13

Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры

математических открытий российской и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код Проверяемый элемент содержания

1 Числа и вычисления

1.1 Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел

1.2 Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические
дроби

1.3

Арифметический корень натуральной сте пени. Действия с арифметическими кор нями натуральной

степени

1.4 Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени

1.5

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента

1.6 Логарифм числа. Десятичные и нату ральные логарифмы

1.7

Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила ок ругления, прикидка и оценка результата вычислений

1.8 Преобразование выражений

1.9 Комплексные числа

2 Уравнения и неравенства

2.1 Целые и дробно-рациональные уравнения

2.2 Иррациональные уравнения

2.3 Тригонометрические уравнения

2.4 Показательные и логарифмические урав нения

2.5 Целые и дробно-рациональные нера венства

2.6 Иррациональные неравенства

2.7 Показательные и логарифмические нера венства

2.8 Тригонометрические неравенства

2.9 Системы и совокупности уравнений и не равенств

2.10 Уравнения, неравенства и системы с пара метрами

2.11 Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы

3 Функции и графики

3.1

Функция, способы задания функции. Гра фик функции. Взаимно обратные функ ции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции

3.2

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наи меньшее значение функции на проме жутке

3.3

Степенная функция с натуральным и це лым показателем. Её свойства
и график. Свойства и график корня n-ой степени

3.4 Тригонометрические функции, их свой ства и графики

3.5 Показательная и логарифмическая функ ции, их свойства и графики

3.6 Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке

3.7 Последовательности, способы задания последовательностей

3.8 Арифметическая и геометрическая про грессии. Формула сложных процентов

4 Начала математического анализа

4.1 Производная функции. Производные эле ментарных функций

4.2 Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение
наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке

4.3 Первообразная. Интеграл

5 Множества и логика

5.1 Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна

5.2 Логика

6 Вероятность и статистика

6.1 Описательная статистика

6.2 Вероятность

6.3 Комбинаторика

7 Геометрия

7.1 Фигуры на плоскости

7.2 Прямые и плоскости в пространстве

7.3 Многогранники

7.4 Тела и поверхности вращения

7.5 Координаты и векторы

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО

ПРОЦЕССА

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕУЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫДЛЯУЧЕНИКА

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫДЛЯУЧИТЕЛЯ

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫИРЕСУРСЫСЕТИ

ИНТЕРНЕТ